#### Exercice 1:

Le cœur d'un grand murin (espèce de chauve-souris) bat  $8,5\times10^2$  fois par minute.

Calculer le nombre de battements effectués par le cœur d'un grand murin en une journée.



Donner le résultat en écriture scientifique.

$$1 jour = 24h = 24 \times 60 \min = 1440 \min$$

$$8,5 \times 10^2 \times 1440 = 1224000 = 1,224 \times 10^6$$

Le cœur d'un grand murin bat  $1,224\times10^6$  en une journée.

#### Exercice 2:

Au cours d'une bataille, l'armée des elfes vient rejoindre les guerriers du Roi pour combattre ensemble les envahisseurs.

L'armée des elfes est composée de 5<sup>7</sup> elfes. Chaque elfe détient 5<sup>3</sup> flèches.
 Déterminer le nombre de flèches que détient l'armée des elfes sous la forme d'une puissance de 5.

$$5^7 \times 5^3 = 5^{7+3} = 5^{10}$$

2. L'armée des elfes se déplace principalement à cheval. Quand elle approche de la bataille, on entend le grondement sourd de  $2^{18}$  sabots. Déterminer le nombre de chevaux avec lesquels les elfes se déplacent sous la forme d'une puissance de 2.

Un cheval a quatre pattes. Donc :

$$\frac{2^{18}}{4} = \frac{2^{18}}{2^2} = 2^{18-2} = 2^{16}$$
 L'armée compte  $2^{16}$  chevaux.

## Exercice 3:

Soit la figure représentée par le croquis ci-contre telle que AC = 2 cm, AD = 5 cm et AB = 9 cm.

1. Construire la figure en vraie grandeur.

2. Démontrer que  $\widehat{ACD} = \widehat{BEC}$ :  $\widehat{ACD} + \widehat{DCE} + \widehat{ECB} = 180^{\circ}$   $\widehat{ACD} + 90^{\circ} + \widehat{ECB} = 180^{\circ}$   $\widehat{ACD} + \widehat{ECB} = 90^{\circ}$   $\widehat{ACD} = 90^{\circ} - \widehat{ECB}$ 

EBC est un triangle rectangle en B. Or les angles aigus d'un triangle rectangle sont complémentaires.

Donc : 
$$\widehat{BEC} = 90^{\circ} - \widehat{ECB}$$
 . On a donc  $\widehat{BEC} = 90^{\circ} - \widehat{ECB} = \widehat{ACD}$ 

3. En déduire que les triangles ACD et BCE sont semblables.

$$\widehat{BEC} = \widehat{ACD}$$
 donc les triangles ACD et BCE sont semblables

4. Calculer EB.

Comme les triangles ACD et BCE sont semblables, leurs côtés sont donc respectivement proportionnels.

On a donc:

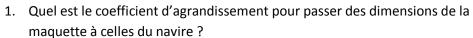
$$\frac{AD}{BC} = \frac{AC}{BE} = \frac{DC}{CE}$$

$$\frac{5}{7} = \frac{2}{BE} = \frac{DC}{CE}$$

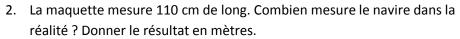
$$BE = \frac{7 \times 2}{5} = \frac{14}{5} = 2,8 \text{ cm}$$

# Exercice 4:

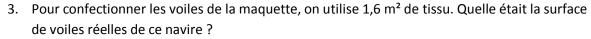
On construit la maquette d'un bateau corsaire à l'échelle  $\frac{1}{36}$ .



Le coefficient d'agrandissement est 36.



$$110 \times 36 = 3960 \, cm = 39,6 \, m$$



$$S = 36^2 \times 1, 6m^2 = 2073, 6m^2$$

4. Un baril de poudre avait un volume de 90L. Quel est son volume sur la maquette ? Donner le résultat arrondi au  $mm^3$  près.

$$90L = 90 \times 10^6 \, mm^3$$
$$\frac{90 \times 10^6 \, mm^3}{36^3} \approx 1929 \, mm^3$$

m = 18,96 cm > 18,5 cm

## Exercice 5:

Voici, pour la production de l'année 2009, le relevé des longueurs de gousses de vanille d'un cultivateur de Tahaa.

Longueur (en cm)	12	15	17	22	23
Effectif	600	700	1100	1400	1200

La chambre d'agriculture décerne une récompense (un « label de qualité ») aux agriculteurs si :

• La longueur moyenne des gousses de leur production est supérieure ou égale à 18,5 cm ;

$$m = \frac{600 \times 12 + 700 \times 15 + 1100 \times 17 + 1400 \times 22 + 1200 \times 23}{600 + 700 + 1100 + 1400 + 1200}$$
$$= \frac{94800}{5000}$$

Et au moins la moitié des gousses de leur production a une taille supérieure ou égale à 17,5cm.

Seules les gousses mesurant 22cm et 23cm ont une taille supérieure ou égale à 17,5cm.



$$1400 + 1200 = 2600 > \frac{5000}{2}$$

<u>Donc ce cultivateur pourra recevoir ce « label de qualité » car les deux contraintes imposées sont validées.</u>

Toute trace de recherche, même incomplète, sera prise en compte dans l'évaluation.